

Einführung in die QCD

6. Übung

Aufgabe 1: Plus-Vorschrift

Zeige, daß folgende Identitäten erfüllt sind:

$$\begin{aligned}
 P_{qq}(z) &= C_F \left(\frac{1+z^2}{1-z} \right)_+ \\
 &= C_F \left\{ 2 \left(\frac{1}{1-z} \right)_+ - 1 - z + \frac{3}{2} \delta(1-z) \right\} \\
 f_{qq}^{DIS}(z) &= C_F \left\{ -\frac{1+z^2}{1-z} \log z + (1+z^2) \left(\frac{\log(1-z)}{1-z} \right)_+ \right. \\
 &\quad \left. - \frac{3}{2} \left(\frac{1}{1-z} \right)_+ + 3 + 2z - \left(\frac{9}{2} + \frac{\pi^2}{3} \right) \delta(1-z) \right\} \\
 &= C_F \left\{ \frac{1+z^2}{1-z} \left[\log \left(\frac{1-z}{z} \right) - \frac{3}{4} \right] + \frac{9}{4} + \frac{5}{4} z \right\}_+
 \end{aligned}$$

Aufgabe 2: Tensorzerlegung

Die skalaren 1-Loop-Integrale sind i.a. definiert als

$$\begin{aligned}
 A_0(m) &= \mu^{2\epsilon} \int \frac{d^n k}{(2\pi)^n} \frac{1}{k^2 - m^2} \\
 B_0(p; m_0, m_1) &= \mu^{2\epsilon} \int \frac{d^n k}{(2\pi)^n} \frac{1}{(k^2 - m_0^2)[(k+p)^2 - m_1^2]} \\
 C_0(p_1, p_2; m_0, m_1, m_2) &= \mu^{2\epsilon} \int \frac{d^n k}{(2\pi)^n} \frac{1}{(k^2 - m_0^2)[(k+p_1)^2 - m_1^2][(k+p_2)^2 - m_2^2]}
 \end{aligned}$$

Betrachte folgende 1-Loop 3-Punkt-Funktion:

$$C_\mu(p_1, p_2; m_0, m_1, m_2) = \mu^{2\epsilon} \int \frac{d^n k}{(2\pi)^n} \frac{k_\mu}{(k^2 - m_0^2)[(k+p_1)^2 - m_1^2][(k+p_2)^2 - m_2^2]}$$

Warum besitzt dieses Integral die Zerlegung

$$C_\mu(p_1, p_2; m_0, m_1, m_2) = C_1 p_{1\mu} + C_2 p_{2\mu} ?$$

Berechne die Koeffizienten $C_{1,2}$ in Termen der skalaren Integrale B_0, C_0 .